

Wurfparabel

Siehe Physik-Formelbuch: Kapitel Kinematik/schräger Wurf

Bahngleichung des schrägen Wurfs

$$y = -\frac{1}{2} \frac{g}{v_0^2 \cos^2(\alpha)} x^2 + \tan(\alpha) x$$

Vorgehensweise:- immer eine Zeichnung machen
- ein x-y-Koordinatensystem zeichnen
- Vektoren einzeichnen

y ist die senkrechte Achse (Wurfhöhe)

x ist die waagerechte Achse (Wurfweite)

Die Herleitung der Bahngleichung steht im Physik-Formelbuch.

Es handelt hier um **2 voneinander unabhängige Bewegungen** in x-Richtung und y-Richtung.

Beide Bewegungen können dann einzeln behandelt werden.

Die Überlagerung beider Bewegungen ergibt dann die Bahngleichung des schrägen Wurfs.

Die Bahngleichung braucht man einer speziellen Aufgabe, wo der Abschlußwinkel (**a**), **x**, **v₀** und **y** bekannt sind.

Es soll dann der Abschlußwinkel (a) ermittelt werden.

Die Bahngleichung hat die Form der Parabel $y=f(x)=a \cdot x^2 + b \cdot x$

Durch Substitution (ersetzen) $\cos^2(\alpha) = \frac{1}{1 + \tan^2(\alpha)}$ und $z = \tan^2(\alpha)$ erhält man eine Parabel

siehe Mathe-Formelbuch: Trigonometrische Funktionen, Zusammenhang zwischen den Funktionswerten bei gleichen Winkel.

$$\cos(\alpha) = \pm \frac{1}{\sqrt{1 + \tan^2(\alpha)}} \text{ ergibt } \cos^2(\alpha) = \frac{1}{1 + \tan^2(\alpha)}$$

Die Lösung der Parabel (Nullstellenermittlung) ergibt dann meistens 2 Werte für z und damit auch 2 Winkel (a) um das Ziel zu treffen.

Hinweis: Bei machen Aufgaben ist bei **x=0** **y ungleich Null**, also ein Starthöhe

Das ergibt dann die Form $y = -\frac{1}{2} \frac{g}{v_0^2 \cos^2(\alpha)} x^2 + \tan(\alpha) x + c$ bei $x=0$ ist dann $y=c$

Die Parabel wird dann nach **oben** verschoben.